



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
Б1.О.06.07 – Дифференциальные уравнения

Направление подготовки: 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль): Математика и информатика, Экономика

Квалификация (степень): *бакалавр*

Форма обучения: *очная*

Институт: Математики, естествознания и техники

Кафедра: Математики и методики её преподавания

	очная форма	очно-заочная форма	заочная форма
Курс	4		
Семестр/триместр	7		

Лекции	36		
Лабораторные занятия			
Практические (семинарские) занятия	36		
в т. ч. Практическая подготовка			
Форма(ы) промежуточной аттестации	Зачет с оценкой		
Контроль			
Иные формы работы			
Самостоятельная работа	144		

Всего часов: 216

Трудоемкость: 6 зачетных единиц.

Разработчик(и) рабочей программы:

Кандидат физико-математических наук И. А. Елецких

I. ОРГАНИЗАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКИЙ РАЗДЕЛ

Цель изучения дисциплины: Целью преподавания дисциплины «Дифференциальные уравнения» является создание целостного представления о предмете и методах общей теории обыкновенных дифференциальных уравнений, рассмотрение методов интегрирования наиболее важных в теоретическом отношении и часто встречающихся в приложениях типов дифференциальных уравнений.

Задачи изучения дисциплины:

- раскрыть студентам значение дифференциальных уравнений в изучение окружающего мира;
- ознакомить студентов с теоремами существования и единственности решений для различных типов дифференциальных уравнений;
- изучить методы решения уравнений первого порядка, линейных уравнений и систем уравнений;
- научить находить решения задачи Коши для уравнения с частными производными первого порядка;
- изучить методы решения краевых задач и способы нахождения функции Грина;
- ознакомить студентов с основными положениями теории устойчивости;
- развивать умения самостоятельной работы с учебными пособиями и другой математической литературой.

Место дисциплины в структуре ОПОП: реализуется в рамках базовой (обязательной) части блока Б1. Дисциплины (модули).

Планируемые результаты обучения по дисциплине:

Код компетенции	Индикаторы достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-8	Знать: <ul style="list-style-type: none">- специальные, в том числе предметные и методические научные знания;- основы педагогической деятельности учителя-предметника (по профилю образовательной программы).	Знает: <ul style="list-style-type: none">- специальные, в том числе предметные и методические научные знания;- основы педагогической деятельности учителя-предметника (по профилю образовательной программы).
	Уметь: <ul style="list-style-type: none">- использовать современные технологии и методики организации урочной и внеурочной деятельности;- использовать традиционные и современные формы и методы воспитательной работы, в том числе в предметной области.	Умеет: <ul style="list-style-type: none">- использовать современные технологии и методики организации урочной и внеурочной деятельности;- использовать традиционные и современные формы и методы воспитательной работы, в том числе в предметной области.
	Владеть: <ul style="list-style-type: none">- навыками организации различных видов и форм занятий с учетом специфики предметной области;- действиями организации различных	Владеет: <ul style="list-style-type: none">- навыками организации различных видов и форм занятий с учетом специфики предметной области;

	<p>видов внеурочной деятельности: игровой, учебно-исследовательской, художественно-продуктивной, культурно-досуговой.</p>	<p>- действиями организации различных видов внеурочной деятельности: игровой, учебно-исследовательской, художественно-продуктивной, культурно-досуговой.</p>
ПКС-1	<p>Знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> - основы частных методик обучения по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика; - характеристики личностных, метапредметных и предметных результатов учащихся в контексте обучения дисциплинам Математика, Информатика, Экономика (согласно ФГОС и примерной учебной программы); - современные образовательные технологии и методические закономерности их выбора; - методы контроля, оценивания и коррекции результатов обучения по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика. 	<p>Знает:</p> <ul style="list-style-type: none"> - основы частных методик обучения по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика; - характеристики личностных, метапредметных и предметных результатов учащихся в контексте обучения дисциплинам Математика, Информатика, Экономика (согласно ФГОС и примерной учебной программы); - современные образовательные технологии и методические закономерности их выбора; - методы контроля, оценивания и коррекции результатов обучения по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика.
	<p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> - проектировать рабочие программы по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика; - проектировать и реализовывать различные формы обучения и организации внеурочной деятельности обучающихся по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика, обеспечивающие достижение метапредметных, предметных и личностных результатов. 	<p>Умеет:</p> <ul style="list-style-type: none"> - проектировать рабочие программы по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика; - проектировать и реализовывать различные формы обучения и организации внеурочной деятельности обучающихся по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика, обеспечивающие достижение метапредметных, предметных и личностных результатов.
	<p>Владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> - методами обучения по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика и методикой их выбора с учетом особенностей содержания учебного материала, возраста и образовательных потребностей обучающихся; - современными образовательными технологиями, обеспечивающими достижение метапредметных, предметных и личностных результатов обучающихся; - методами контроля, оценки и коррекции результатов обучения по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика. 	<p>Владеет:</p> <ul style="list-style-type: none"> - методами обучения по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика и методикой их выбора с учетом особенностей содержания учебного материала, возраста и образовательных потребностей обучающихся; - современными образовательными технологиями, обеспечивающими достижение метапредметных, предметных и личностных результатов обучающихся; - методами контроля, оценки и коррекции результатов обучения по дисциплинам Математика, Информатика, Экономика.

II. СОДЕРЖАНИЕ И ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу

Очная форма обучения

№ п/п	Наименование разделов и тем	Всего	Аудиторные занятия			Сам. раб.
			ЛК	ПЗ	ЛБ	
	Раздел 1. Дифференциальные уравнения первого порядка.	106	16	18		72
1.	Тема 1. Уравнения первого порядка, разрешенные относительно производной	34	4	6		24
2.	Тема 2. Уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной	36	6	6		24
3.	Тема 3. Дифференциальные уравнения высших порядков	36	6	6		24
	Раздел 2. Системы дифференциальных уравнений	110	20	18		72
4.	Тема 4. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений	36	6	6		24
5.	Тема 5. Системы линейных дифференциальных уравнений	36	6	6		24
6.	Тема 6. Элементы теории устойчивости	38	8	6		24
	<i>Контроль</i>					
	<i>Форма отчетности зачет с оценкой</i>					
	<i>Итого за семестр</i>	216	36	36		144
	ИТОГО:	216	36	36		144

Очно-заочная форма обучения (не реализуется)

Заочная форма обучения (не реализуется)

III. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Текущая аттестация проводится в форме контрольной работы, теста, реферата, творческого задания, кейса и др.

Тестовый вариант контрольной работы

Образец варианта тестового контроля

Задания	Варианты ответов
№1. Установите, какая из данных функций является решением дифференциального уравнения $y'' - y = 6e^{2x}$	1. $y = C_1 e^x + C_2 e^{-x} + 2e^{2x}$ 2. $y = C_1 e^x + C_2 e^{-x} + e^{2x}$ 3. $y = C_1 e^x + C_2 e^{-x} - 2e^{2x}$ 4. $y = C_1 e^x + C_2 e^{-x} - e^{2x}$
№2. Определите тип дифференциального уравнения $y' + y = 2xy^3$	1. Линейное уравнение 2. Однородное уравнение 3. Уравнение с разделяющимися переменными 4. Уравнение Бернулли
№3. Определите, какую подстановку можно использовать для решения уравнения $y' = \frac{y}{x} + \sin \frac{y}{x}$	1. $y=uv$ 2. $y=ux$ 3. $y'=p(x)$ 4. $u = \sin \frac{y}{x}$
№4. Найдите общее решение уравнения $x^2 y' - 2xy = 0$	1. $y = x^2 + C$ 2. $y = Cx^2 + \frac{1}{x}$ 3. $y = x^2 - \frac{C}{x}$ 4. $y = Cx^2$
№5. Найдите частное решение уравнения $y' \cos^2 x + y = \operatorname{tg} x, \quad y(0)=0$	1. $y = \operatorname{tg} x + e^{-\operatorname{tg} x}$ 2. $y = \operatorname{tg} x - 1 + e^{-\operatorname{tg} x}$ 3. $y = -\operatorname{tg} x + 1 + e^{-\operatorname{tg} x}$ 4. $y = \operatorname{tg} x - 1 + e^{\operatorname{tg} x}$
№6. Найдите значение C частного решения уравнения $(y + \sqrt{x^2 + y^2})dx - xdy = 0$, проходящего через точку (1,0).	1. $C=0$ 2. $C=1$ 3. $C=-1$ 4. $C=2$
№7. Найдите дифференциальное уравнение семейства кривых $x^2 - y^2 = Cx$	1. $-x^2 + y^2 + 2xyy' = 0$ 2. $x^2 + y^2 - 2xyy' = 0$ 3. $-x^2 + y^2 - 2xyy' = 0$ 4. $x^2 + y^2 + 2xyy' = 0$

Типовой вариант контрольной работы

1. Найти общее решение уравнения $y''' - 3y'' + 3y' - y = 2e^x$.
2. Построить функцию Грина для краевой задачи $y'' - 2y' = f(x)$, $y(0)=1$, $y'(1)=0$.

3. Решить системы уравнений:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = 3x + y \\ \frac{dy}{dt} = 7x - 3y \end{cases} ; \quad \begin{cases} \frac{dx}{dt} = \frac{t}{xy} \\ \frac{dy}{dt} = \frac{t}{x^2} \end{cases} ; \quad \frac{dx}{\cos y} = \frac{dy}{\cos x} = \frac{dz}{\cos x \cos y}$$

Примерная тематика рефератов

1. Решение уравнений, сводящихся к уравнениям с разделяющимися переменными.
2. Однородные уравнения первого порядка.
3. Изучение метода вариации постоянных и его применение для решения линейных уравнений первого порядка.
4. Решение уравнений методом И. Бернулли.
5. Уравнения Я. Бернулли.
6. Приведение уравнений к уравнениям в полных дифференциалах с помощью интегрирующих множителей.
7. Изучение подстановок для интегрирования уравнений, допускающих понижение порядка.
8. Решение однородных линейных уравнений с постоянными коэффициентами.
9. Решение неоднородных линейных уравнений с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида.
10. Решение систем линейных дифференциальных уравнений первого порядка.
11. Методы исследования систем дифференциальных уравнений на устойчивость решений.

Промежуточная аттестация обучающихся осуществляется в форме зачета в 4 семестре и экзамена в 5 семестре с использованием следующих оценочных материалов

Вопросы к зачету с оценкой (7 семестр, очная форма обучения)

1. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.
2. Решение линейных уравнений первого порядка методом И. Бернулли.
3. Решение линейных уравнений первого порядка методом Лагранжа.
4. Уравнение в полных дифференциалах.
5. Интегрирующий множитель.
6. Уравнение Я. Бернулли.
7. Уравнения первого порядка, неразрешенные относительно производной (основные понятия, уравнение n -ной степени).
8. Неполные уравнения.
9. Уравнения Лагранжа и Клеро.
10. Дифференциальные уравнения высших порядков (основные понятия).
11. Уравнения, допускающие понижение порядка.

12. Линейно зависимые и линейно независимые функции. Определитель Вронского и его свойства.
13. Структура общего решения линейного однородного уравнения второго порядка
14. Интегрирование линейного однородного уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
15. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения второго порядка.
16. Метод вариации произвольных постоянных.
17. Интегрирование линейных неоднородных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами и правой частью вида $f(x) = a_n x^n + \dots + a_1 x + a_0$.
18. Интегрирование линейных неоднородных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами и правой частью вида $f(x) = P_n(x)e^{\alpha x}$.
19. Интегрирование линейных неоднородных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами и правой частью вида $f(x) = e^{\alpha x}(P_n(x)\cos \beta x + Q_m(x)\sin \beta x)$.
20. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений (основные понятия, задача Коши, методы интегрирования).
21. Системы линейных дифференциальных уравнений (основные понятия).
22. Системы линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.
23. Матричный метод решения линейных однородных систем.
24. Линейные неоднородные системы дифференциальных уравнений. Метод Даламбера.
25. Фундаментальные системы решений линейной однородной системы.
26. Формула Остроградского-Лиувилля.
27. Понятие устойчивости, асимптотической устойчивости и неустойчивости по Ляпунову. Устойчивость нулевого решения.
28. Критерий устойчивости по Гурвицу.
29. Критерий устойчивости Рауса.
30. Метод функций Ляпунова.

IV. ПЕРЕЧЕНЬ ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Основная литература

1. Треногин, В. А. Обыкновенные дифференциальные уравнения : учебник / В. А. Треногин. – Москва : Физматлит, 2009. – 312 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82614> (дата обращения: 15.11.2022). – ISBN 978-5-9221-1063-1. – Текст : электронный.
2. Назарова, Т. М. Дифференциальные уравнения : учебное пособие : [16+] / Т. М. Назарова, И. М. Пупышев, В. В. Хаблов ; Новосибирский государственный технический университет. – Новосибирск : Новосибирский государственный технический университет, 2017. – 100 с. : ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=576428> (дата обращения: 15.11.2022). – Библиогр. в кн. – ISBN 978-5-7782-3404-8. – Текст : электронный.

4.2. Дополнительная литература

1. Коврижных, А. Ю. Дифференциальные и разностные уравнения : учебное пособие / А. Ю. Коврижных, О. О. Коврижных ; Уральский федеральный университет им. первого

Президента России Б. Н. Ельцина. – Екатеринбург : Издательство Уральского университета, 2014. – 150 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=275742> (дата обращения: 24.11.2022). – Библиогр: с. 122 - 123. – ISBN 978-5-7996-1341-9. – Текст : электронный.

2. Андреев, А. Н. Избранные главы теории дифференциальных уравнений : учебное пособие / А. Н. Андреев. – Кемерово : Кемеровский государственный университет, 2012. – 112 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=232210> (дата обращения: 24.11.2022). – ISBN 978-5-8353-1300-6. – Текст : электронный.

V. ПЕРЕЧЕНЬ РЕСУРСОВ ИНФОРМАЦИОННО-ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННОЙ СЕТИ «ИНТЕРНЕТ», НЕОБХОДИМЫХ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

№ пп	Ссылка на информационный ресурс	Наименование разработки в электронной форме	Доступность
1.	http://www.biblioclub.ru	Электронно-библиотечная система (ЭБС) Университетская библиотека онлайн	Регистрация через любой университетский компьютер. В дальнейшем индивидуальный неограниченный доступ из любой точки, в которой имеется доступ к сети Интернет
2.	http://www.exponenta.ru	Образовательный математический сайт, содержащий математические пакеты для поддержки проводимых занятий, а также методические разработки	Неограниченный доступ
3.	https://www.matburo.ru/	Справочная информация по математическим дисциплинам	Неограниченный доступ
4.	http://allmath.ru	Математический портал, содержащий разделы: высшая математика, прикладная математика, школьная математика, олимпиадная математика.	Неограниченный доступ
5.	http://www.e.lanbook.com	Издательство «Лань»	Регистрация через любой университетский компьютер. В дальнейшем индивидуальный неограниченный доступ/
6.	<u>ЭБС «Юрайт»</u>	Виртуальный читальный зал учебников и учебных пособий от авторов из ведущих	biblio-online.ru Доступ после регистрации

		вузов России по экономическим, юридическим, гуманитарным, инженерно-техническим и естественно-научным направлениям и специальностям.	
--	--	--	--

VI. СОВРЕМЕННЫЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНЫЕ БАЗЫ ДАННЫХ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ СПРАВОЧНЫЕ СИСТЕМЫ

1.	zbMATH	Математическая база данных, охватывающая около 4 000 000 документов, из более 3 000 журналов и 170 000 книг по математике, статистике, информатике, физике, естественным наукам	Доступ свободный zbmath.org Доступ свободный
2.	www.garant.ru	Информационно-правовой портал	Свободный доступ
3.	www.elibrary.ru	Российский информационный портал в области науки, технологии, медицины и образования	Свободный доступ
4.	www.consultant.ru	Российская компьютерная справочно-правовая система	Свободный доступ

VII. ЛИЦЕНЗИОННОЕ И СВОБОДНО РАСПРОСТРАНЯЕМОЕ ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

При реализации учебной дисциплины применяется следующее лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

- Microsoft Windows;
- Microsoft Office;
- LibreOffice и др.

VIII. ОБОРУДОВАНИЕ И ТЕХНИЧЕСКИЕ СРЕДСТВА ОБУЧЕНИЯ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Учебные занятия проводятся в аудиториях, укомплектованных специализированной мебелью, в том числе стационарными или переносными техническими средствами обучения (проектор, экран, компьютер/ноутбук).

Самостоятельная работа проводится в кабинетах, оснащенных компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.